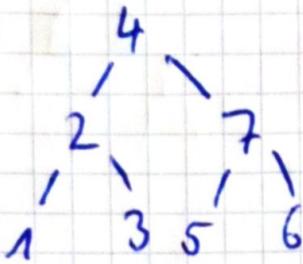
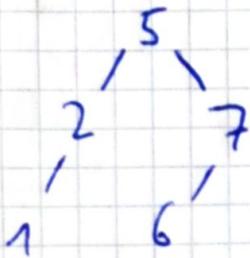


5a)

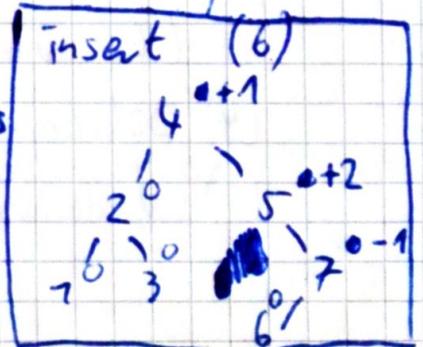
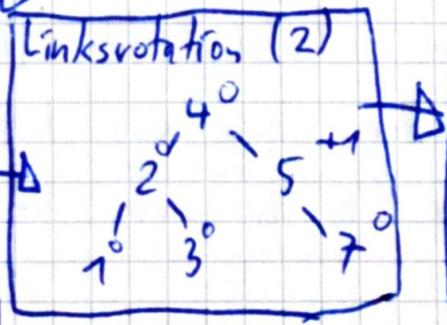
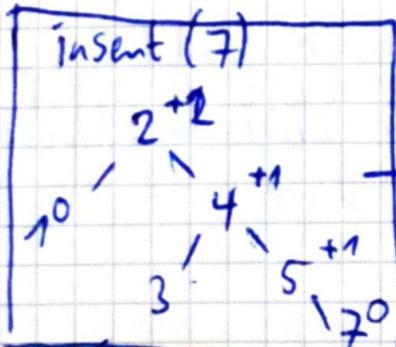
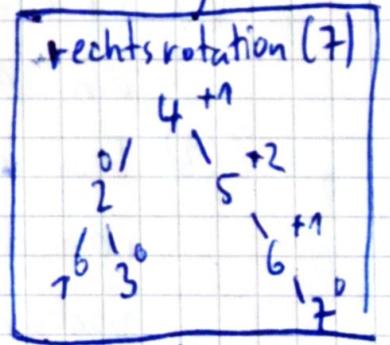
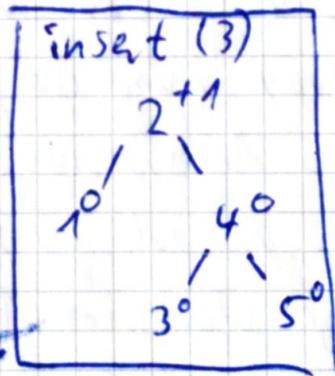
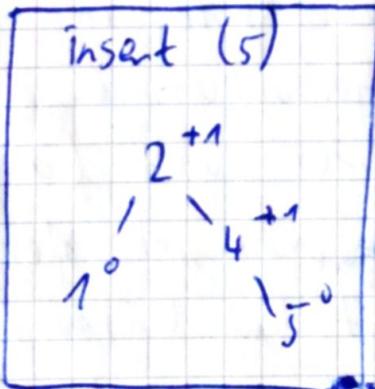
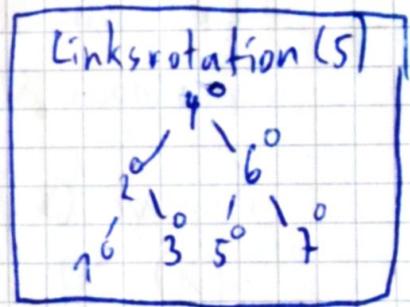
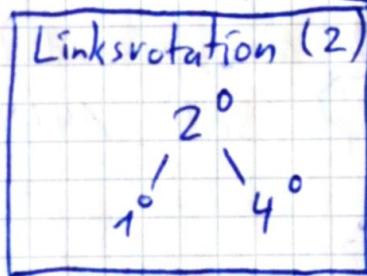
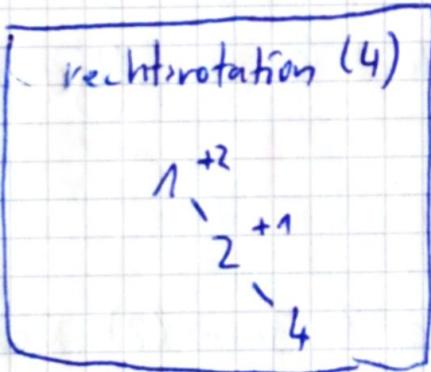
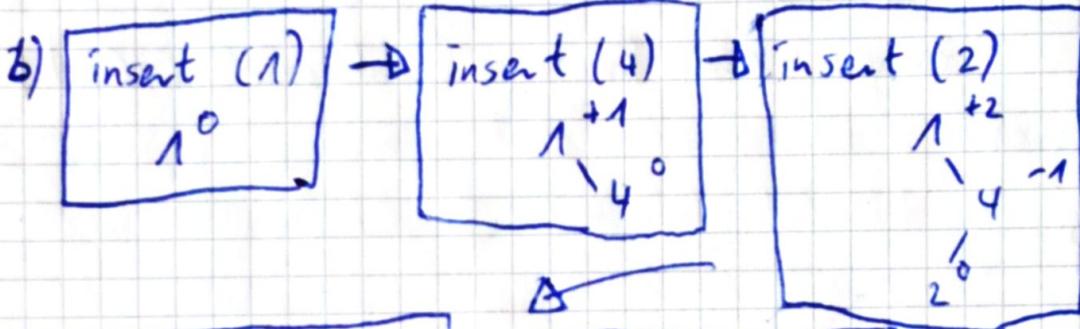


Nach insert (4)  
 " (2)  
 " (7)  
 " (1)  
 " (3)  
 " (5)  
 " (6)

$$8 + 6 + \frac{1}{2} + 10 = \frac{30\frac{1}{2}}{32}$$



Nach remove (3)  
 " (4)



```

5.2a) insert (int schluessel, int info)
{
  ... while (...)
  {
    Eltern = Zeiger;
    if (x < Zeiger -> schluessel)
    {
      Zeiger -> info += 1;
      Zeiger => Zeiger -> links;
    }
    else { Zeiger = Zeiger -> rechts; }
  }
  if (Zeiger == 0)
  {
    Zeiger = new Knoten (schluessel, 0, 0, 0);
    ...
  }
}

```

Dies sind die anzupassenden Zeilen für den Algorithmus aus dem Skript, Seite 144.

remove (x)

- (1) ist x im Knoten vorhanden? Ja → (2) Nein → return
- (2) Schreibe von x zur Wurzel alle Knoten in ein Array, um den Weg heraus zu finden
- (3) Lese das Array nun rückwärts durch (also von der Wurzel zu x) und prüfe, ob der vorherige Wert im Array mit dem linken Pointer des aktuellen Knotens übereinstimmt. Ja → (4) Nein → (5)  
(Es wurde also der linke Weg eingeschlagen)
- (4) Dekrementiere dann den Info-Wert im aktuellen Knoten
- (5) Wiederhole (3) bis man bei x ist.

```

b) select (k) {
    find (root, k)
}

```

```

find (Bsbaum current, int rank) {
    if (current->info == rank) return current;
    if (current->info > rank) find (current->links, rank);
    if (current->info < rank) find (current->rechts, rank - current->info - 1);
    find (current->rechts, rank - current->info - 1);
}

```

Die Idee hierbei ist, sich an ~~den~~ der Anzahl der Knoten im linken Teilbaum zu orientieren.

Die Rekursion stammt von der Seite [algs4.cs.princeton.edu](https://algs4.cs.princeton.edu)

5.3a) Die Laufzeit ist im Worst-Case  $O(\text{Tiefe}(T))$

```

join (T1, T2) { Wohin? - 1/2 P.
    new Knoten root = new Knoten;
    root = linkester (T2); delete_linkester (T2);
    root->links = T1.root
    root->rechts = T2.root
}

```

```

linkester (Bsbaum T) {
    while (T->links) T = T->links;
    return T;
}

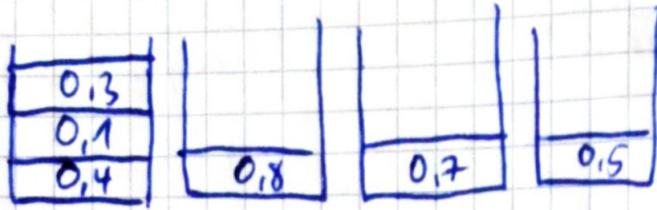
```

```

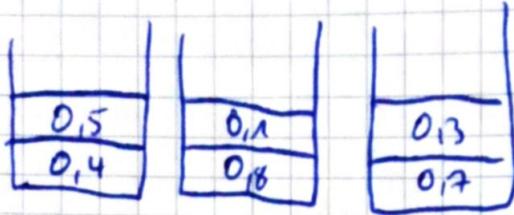
delete_linkester (Bsbaum T) {
    if (linkester (T)->rechts == null) * remove (linkester (T));
    else { linkester (T).Elter->rechts = linkester->rechts;
        remove (linkester (T)); } }

```

5.4a)



Worst-Fit



Best-Fit

blöcke zum Worst-Fit:

Verwendung der Datenstruktur Max-Heap.

Die Schlüssel im Heap stehen für die Restkapazität der Behälter.

An der Wurzel steht also stets der Behälter mit dem ~~am~~ größten freien Rest.

Für jedes Element, das nun eingefügt wird, wird ein passender Behälter aus dem Heap genommen ( $O(\log(n))$ ). Dieser Behälter wird entfernt ( $O(\log(n))$ ).

Danach wird ein neuer Schlüssel mit der Differenz von dem einst freien Platz und der eingefügten Menge eingefügt ( $O(\log(n))$ ).

Sollte kein passende Behälter gefunden werden, so wird ein neuer Knoten eingefügt, der (1-Kapazität) Restkapazität hat. ( $O(n \cdot \log(n))$ )

Beim Finden eines passenden Behälters beträgt die Laufzeit  $O(3 \cdot n \cdot \log(n)) \hat{=} O(n \log(n))$ .

## ii) Idee zum Best-Fit:

Verwendung der Datenstruktur AVL-Baum

Die Schlüssel im Baum stehen für die Restkapazität der Behälter.

Die Suche nach einem geeigneten Behälter verläuft wie folgt:

Man vergleicht den einzufügenden Wert mit der Wurzel. Ist der Wert kleiner als der in der Wurzel, vergleicht man den einzufügenden Wert mit dem Wert des linken Kindes der Wurzel. Ist dieser Wert größer als der einzufügende Wert, so ist die Wurzel der kleinste geeignete Behälter.

Ist der Wert der Wurzel größer als der einzufügende Wert, wird das oben beschriebene Verfahren rekursiv auf das rechte Kind der Wurzel angewendet.

Da im Allgemeinen bei jedem Durchlauf des Suchverfahrens die Anzahl der verbleibenden Behälter mindestens halbiert ~~wird~~<sup>wird</sup>, ist die Laufzeit  $O(\log(n))$ .

Dieser Behälter wird dann entfernt ( $O(\log(n))$ ).

Danach wird ein neuer Knoten eingefügt ( $O(\log(n))$ ), der als Schlüssel den Wert des entfernten Knotens minus dem Wert des einzufügenden Wertes hat.

Sollte ~~das~~ ~~das~~ ~~das~~ das rechteste Kind im AVL-Baum kleiner als der einzufügende Wert

sein, wird ein neuer Knoten eingefügt ( $O(\log(n))$ ).

Im schlimmsten Fall ~~hat~~ hat der Algorithmus eine Laufzeit von  $O(3 \cdot n - \log(n)) \leq O(n - \log(n))$ .

### 5.3b) split ( $T, x$ )

initialisiere Leere Binäre-Suchbäume  $T_1, T_2$

~~aktuelle~~ aktuelle Knoten = T.wurzel

Solange (aktuelle Knoten  $\rightarrow$  links || aktuelle Knoten  $\rightarrow$  rechts)

falls (aktuelle Knoten  $\rightarrow$  Wert  $\geq x$ )

insert (aktuelle Knoten,  $T_2$ )

helf = aktuelle Knoten  $\rightarrow$  links

aktuelle Knoten  $\rightarrow$  links = null

aktuelle Knoten = helf // hier wird die Wurzel mit dem rechten Teilbaum in  $T_2$  eingefügt

falls (aktuelle Knoten  $\rightarrow$  Wert  $< x$ )

insert (aktuelle Knoten,  $T_1$ )

helf = aktuelle Knoten  $\rightarrow$  rechts

aktuelle Knoten  $\rightarrow$  rechts = null

aktuelle Knoten = helf // hier wird die Wurzel mit linkem Teilbaum in  $T_1$  eingefügt

falls (aktuelle Knoten  $\rightarrow$  links  $\neq 0$  || aktuelle Knoten  $\rightarrow$  rechts  $\neq 0$ )

falls (aktuelle Knoten  $\rightarrow$  Wert  $\geq x$ )

insert (aktuelle Knoten,  $T_2$ )

sonst (insert (aktuelle Knoten,  $T_1$ ))

// Die Idee hinter dem Algorithmus ist, alle Knoten, die sich rechts vom ~~aktuelle~~ rechtesten Knoten, dessen Wert echt-klein  $< x$  ist, in  $T_2$  ~~zu~~ packen. Alle anderen Knoten landen in  $T_1$ .

nahezeit?

-1p.