

- 2.1  $(237)_{10} = (1422)_5$   
 818  $(66)_{10} = (231)_5$   
 $(554)_{10} = (4204)_5$   
 $(125)_{10} = (1000)_5$   
 $(16)_{10} = (31)_5$   
 $(334)_{10} = (2374)_5$   
 $(58)_{10} = (213)_5$   
 $(542)_{10} = (4132)_5$   
 $(167)_{10} = (1132)_5$   
 $(148)_{10} = (1043)_5$  ✓

\* 

31	1000	2374	4204
⋮	⋮	⋮	⋮

  
 Update: Sorry, hast du gemacht.

Sammeln nach LSD, Phase 1/4

1000	231	1422	213	4204
	31	4132	1043	2314
		1132		

Verteilphase 1/4

1000	231	31	1422	4132	1132	213	1043	4204	2314
------	-----	----	------	------	------	-----	------	------	------

 ✓

Sammeln nach LSD, Phase 2/4

1000	213	1422	231	1043
4204	2314		31	
			4132	
			1132	

 ✓

Verteilphase 2/4

1000	4204	213	2314	1422	231	31	4132	1132	1043
------	------	-----	------	------	-----	----	------	------	------

 ✓

Sammeln nach LSD, Phase 3/4

1000	4132	4204	2314	1422
31	1132	213		
1043		231		

 ✓

Verteilen 3/4

1000	31	1043	4132	1132	4204	213	231	2314	1422
------	----	------	------	------	------	-----	-----	------	------

 ✓

Sammeln 4/4

31	1000	2314	4132
213	1043		4204
231	1132	*	
	1422		

Verteilen 4/4

31	213	231	1000	1043	1132	1422	2314
4132		4204					

Hier wird's eng!  
 Aber gemeistert

2.3 a) Da Quicksort ein beliebiges Element  $a$  als Pivot-Element wählt, bietet es im Gegensatz zu Merge-Sort schon mal die Möglichkeit, überhaupt mit einem konkreten Element zu arbeiten.

Die Partitionier-Funktion packt alle Elemente, die kleiner als das Pivot-Element sind links vom Pivot-Element ins Array, alle größeren rechts davon. Das heißt, dass nach einmaliger Ausführung der Partitionier-Funktion der Rang des Pivot-Elements feststeht, er ist gleich seiner Position im Array.  $O(\text{Partitioniere}(n)) = O(n)$

Dieses Feature kann Merge-Sort nicht bieten, und überhaupt muss es erstmal  $\log_2(n)$  Rekursionen ~~stauen~~ <sup>stauen</sup>, bevor es irgendwie anfängt mit Werten im Array zu arbeiten. ✓

b) Durchlaufe die ~~Liste~~ einfach-verkettete Liste, und speichere jeden Wert in ein Array  $A$ , auf das <sup>dann</sup> Merge-Sort angewendet wird. Schreibe alles zurück in die Liste.

Initialisiere Array  $A$  mit Länge der einfach-verketteten Liste

Für  $i = 1 \dots \text{Länge einfach-verkettete Liste}$   $O(n)$

$A[i] = * \text{Liste};$

$\text{Liste}++;$

$\text{merge}(A) \quad O(n \cdot \log(n))$

✎ Für  $i = 1 \dots \text{Länge einfach-verkettete Liste}$   $O(n)$

$* \text{Liste} = A[i];$

$\text{Liste}++;$

Laufzeit:  $O(n) + O(n \cdot \log(n)) + O(n) = O(n \cdot \log(n))$  ✓

2.3 c) Zum Beispiel ist der Algorithmus nicht stabil  
~~Algo~~ (= zwei gleiche Zahlen vertauschen ihre Reihenfolge) auf folgender Eingabe:

merge (1, 1, 2) mit  $A = [1_1, 1_2]$

Es wird das Array B wie folgt befüllt:

$B = [1_1, 1_2]$

Es kommt zur Abfrage:

$A[k] = (B[i] < B[j]) ? B[i++] : B[j--];$

Die in diesem Fall so aussieht und evaluiert wird:

$A[1] = (B[1_1] < B[1_2]) ? \text{~~1_1~~} : \text{~~1_2~~}$

$\Rightarrow A[1] = \text{False} ? \text{~~1_1~~} : \text{~~1_2~~}$

$\Rightarrow A[1] = \text{~~1_2~~}$

... und  $A[2]$  wird dementsprechend auf  $1_1$  gesetzt,  $A[1_1, 1_2]$  wird also zu  $A[1_2, 1_1]$  "gemerged"  $\Rightarrow$  nicht stabil!

Dies ließe sich einfach beheben, indem man die Abfrage in der letzten Zeile durch ein " $\leq$ "-Zeichen wie folgt erweitert:

$A[k] = (B[i] \leq B[j]) ? B[i++] : B[j--];$  ✓

d) Folge der Länge 5: (1, 2, 3, 5, 4) ✓

Suche nach dem viert-kleinsten mit Quickselect verläuft

so: quickselect (1, 2, 3, 5, 4), pivot = 1

partitioniere (~~1~~ 2, 3, 5, 4),  $p = 1 \leq 4 \Rightarrow 4$  liegt im rechten Teilproblem

quickselect (2, 3, 5, 4)

partitioniere (3, 5, 4)  $p = 2 \leq 4 \Rightarrow$  ... rechtes Teilproblem

quickselect (3, 5, 4)

partitioniere (5, 4)  $p = 3 \leq 4 \Rightarrow$  rechts ...

quicksort (5, 4)

partitioniere (4)  $p = 5 \geq 4 \Rightarrow$  viert-kleinstes liegt im linken Teilproblem

quicksort (4)  $\Rightarrow$  gefunden nach 5 Aufrufen mit jeweils um 1 schrumpfenden Teilproblemen

2.2 a) Die Wahrscheinlichkeit dafür, dass das Pivot-Element im ersten Viertel liegt, ist gleich groß wie WK, dass es im letzten Viertel liegt. Es genügt also, auszurechnen wie wahrscheinlich es ist, dass das Pivot-Element im ersten Viertel liegt, das dann verdoppeln und von 1 abziehen.

$$\text{WK} \left( \frac{n}{4} < r(\text{Pivot}) \leq \frac{3n}{4} \right) = \sum_{k=4}^{1-2 \cdot \frac{7}{4}} \binom{7}{k} \cdot \left( \frac{1}{4} \right)^k \cdot \left( \frac{3}{4} \right)^{7-k}$$
$$= 1 - 2 \left( \frac{289}{4096} \right) = 0,858 \approx 86\% \checkmark$$

b) Die Wahrscheinlichkeit, dass das Pivot-Element außerhalb des Intervalls fällt ist die Gegenwahrscheinlichkeit zu  $\checkmark$  in a) berechneten Wahrscheinlichkeit.

Wie oft muss diese aufaddiert werden, bis sie grösse 1 ist?  $\frac{1}{2 \left( \frac{289}{4096} \right)} = 7,086 \dots \checkmark \Rightarrow$  Nach mindestens 8 mal ist

zu erwarten, dass das Pivot-Element außerhalb des Intervalls fällt.

Super!